

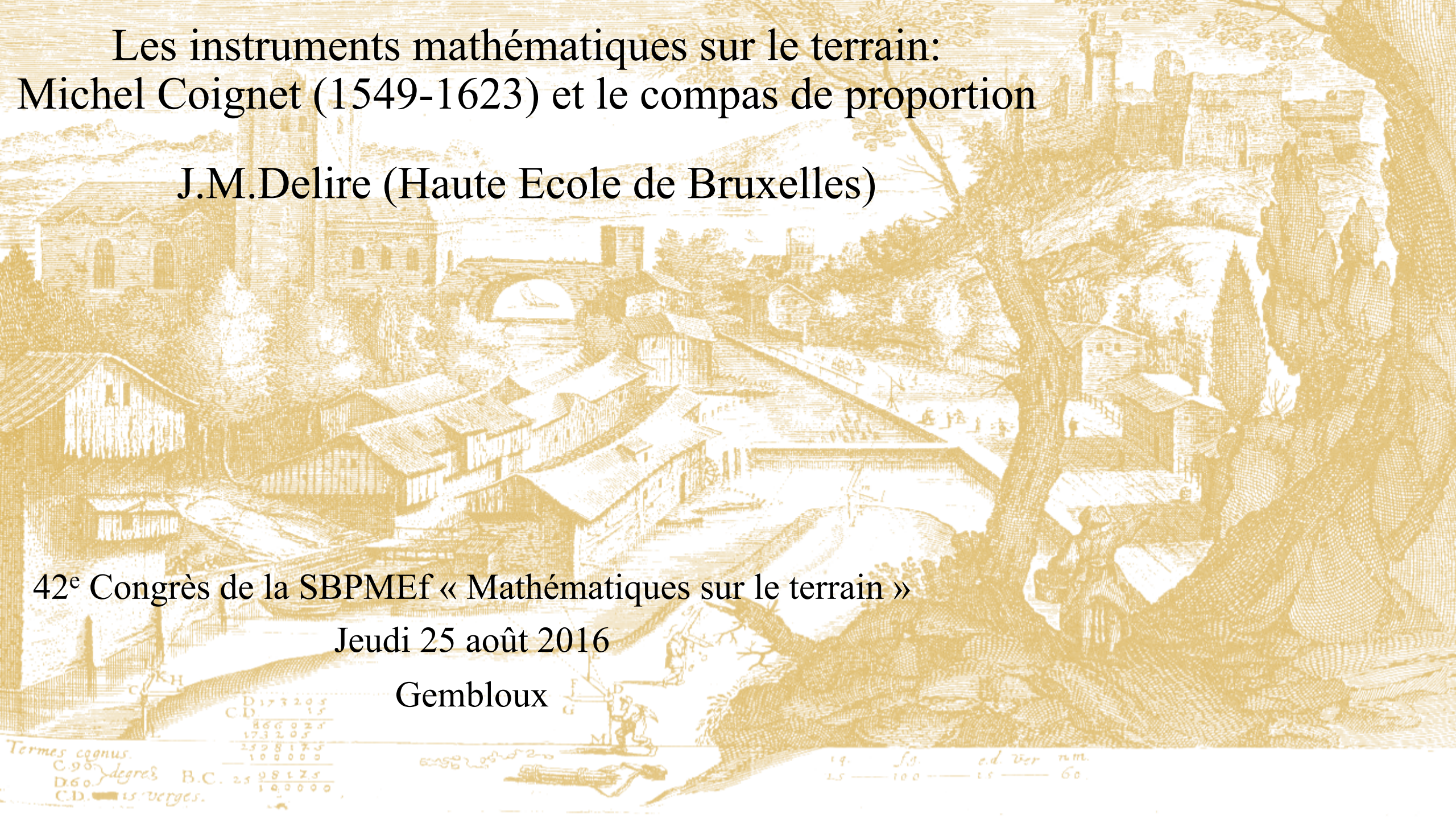
# Les instruments mathématiques sur le terrain: Michel Coignet (1549-1623) et le compas de proportion

J.M.Delire (Haute Ecole de Bruxelles)

42<sup>e</sup> Congrès de la SBPMEf « Mathématiques sur le terrain »

Jeudi 25 août 2016

Gembloux





## *Michel Coignet maître d'école et éditeur de livres de mathématiques*

Né à Anvers, dans une famille d'artisans : son père, Gillis, était bijoutier et fabricant d'instruments mathématiques

Apprenti (d'un maître d'école, d'un fabricant d'instruments ou d'un bijoutier), peut-être de Valentin Mennher (Kempten, 1521-1570), le seul maître d'école d'Anvers versé en algèbre et trigonométrie

Mennher fut doyen de la guilde (des maîtres d'école) de St Ambrose  
M.Coignet y entra en 1568, enseignant le français et les mathématiques

Il exerça plusieurs métiers, dont celui de jaugeur de vin à partir de 1572-3  
En 1572, il construisit son premier instrument, un astrolabe

En 1573 il édita son premier livre :

1) *Livre d'arithmétique, contenant plusieurs belles questions & demandes, propres et utiles à tous ceux qui hantent la trafique de marchandise*, de Valentin Mennher, édité par M.Coignet, imprimé à Anvers chez Jan I van Waesberghe

et son deuxième livre :

2) *Cent questions ingénieuses et récréatives, pour délecter & aiguïser l'entendement*, de Valentin Mennher, édité par M.Coignet, imprimé à Anvers chez Jan I van Waesberghe

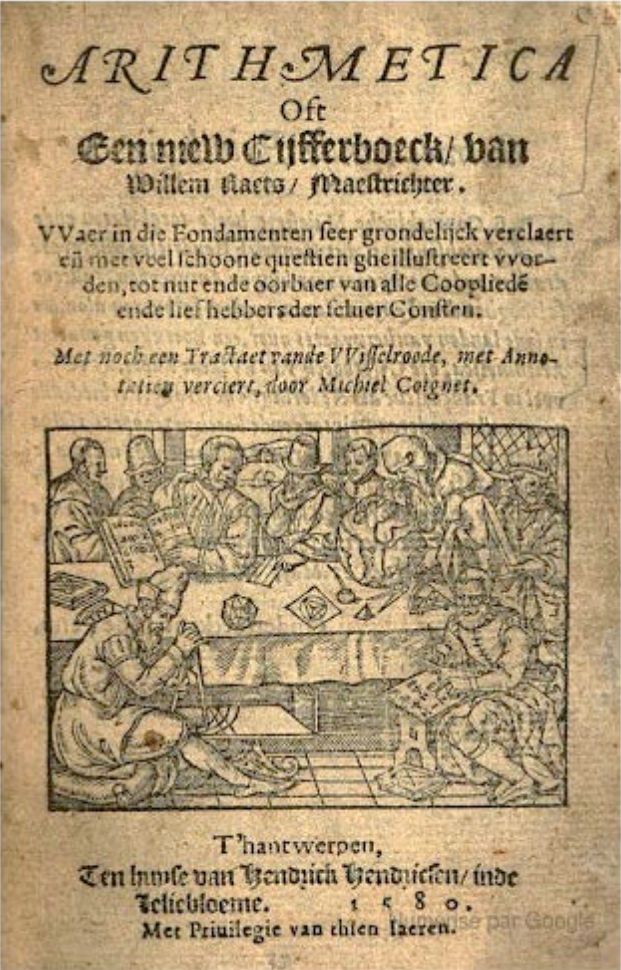


(Museum für Kunst und Gewerbe, Berlin, )



En 1580, Michel Coignet édite encore :

3) *Arithmetica* suivi de *Practycke om lichtelyck te leeren visieren alle vatten metter wisselroede*, de Willem Raets, édités par M.Coignet (avec commentaires) et imprimés à Anvers chez Henricus Henricius



Doops is te aenmercken dat die lengde des ne-  
ghenden diameters is triplex teghen den ersten /  
om dat den radij tot 9. is 3. duo sal den seluen  
diameter wesen quadruplex. Item den vuerentwint-  
tichten quintuplex etc.

Hier van volcht een Tafel.

1.	1	000	24	900	47	856	
2.	2	414	5.	25	000	48	928
3.	3	732	26	99	7.	49	000
4.	4	000	27	196	50	71	
5.	5	236	28	291	51	141	
6.	6	449	29	385	52	211	
7.	7	645	30	477	53	280	
8.	8	828	31	567	54	348	
9.	9	000	32	657	55	415	
10.	10	162	33	744	56	482	
11.	11	316	34	831	57	549	
12.	12	464	35	916	58	616	
13.	13	605	36	000	59	681	
14.	14	741	37	81	60	746	
15.	15	873	38	164	61	810	
16.	16	000	39	244	62	874	
17.	17	123	40	324	63	937	
18.	18	242	41	403	64	000	
19.	19	359	42	480	65	62	
20.	20	472	43	558	66	124	
21.	21	582	44	634	67	185	
22.	22	690	45	709	68	246	
23.	23	796	46	783	69	306	

166 884 171 76 176 166  
167 922 172 115 177 304  
168 961 173 153 178 341  
13.169 000 174 191 179 379  
170 38 175 228 180 416

Une table de racines carrées extraite de la *Practycke om lichtelyck...* utilisée pour graduer le *wisselroede*, une règle servant à évaluer le contenu des tonneaux en fonction de la hauteur du liquide



## *Michel Coignet et les applications des mathématiques à la navigation*

En 1580, Michel Coignet publie *Nieuwe Onderwijsinghe op de principaelste puncten der Zeeuaert*, comme appendice à la traduction ndl (faite par Merten Everaert de Bruges) de l'*Arte de Navegar* de Pedro de Medina

La traduction française est publiée seule en 1581 sous le titre :

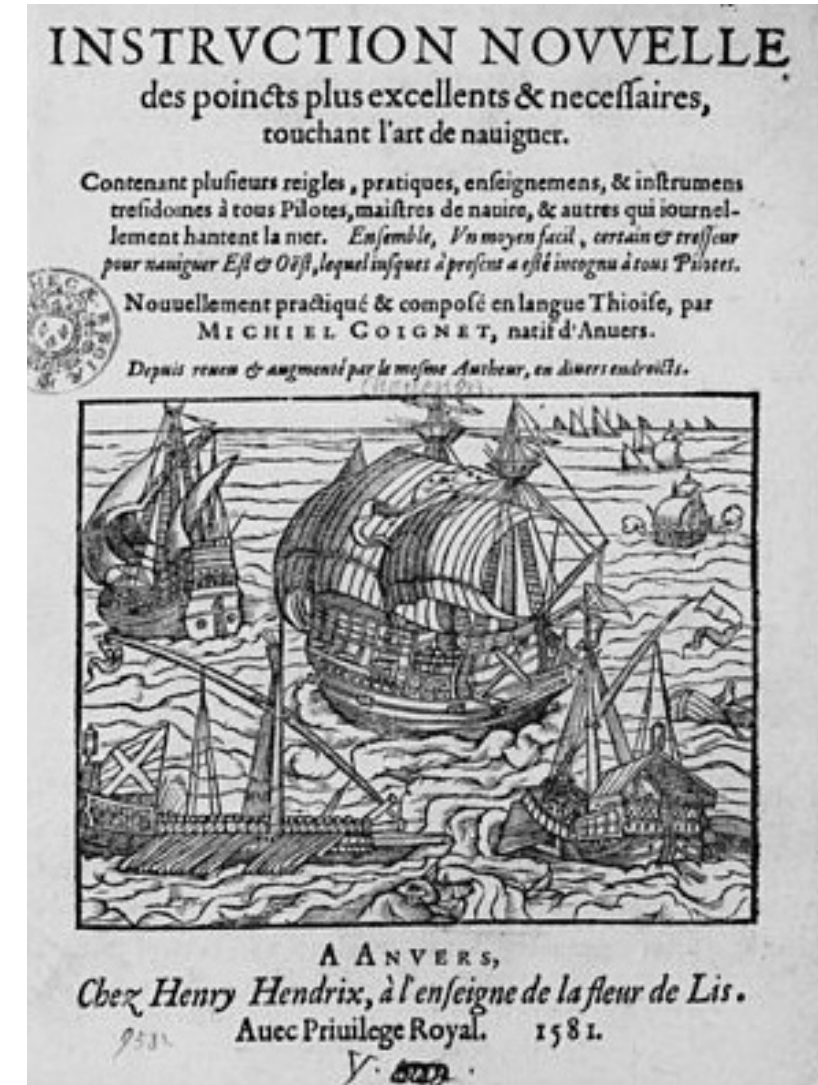
4) *Instruction nouvelle des poincts plus excellents & nécessaires touchant l'art de naviguer*, imprimée à Anvers chez Henricus Henricius

Son *Instruction nouvelle*... valut à Michel Coignet une grande réputation

En 1581, il devint membre de la guilde de St Luc, en tant qu'épicier et jaugeur de vin

En 1585, il devint membre de la kolveniersgilde = guilde des arquebusiers, une des six guildes armées établies pour défendre la ville ... mais il fut exempté de service à partir de 1592

Le 13 mars 1596, il demanda à être relevé de ses fonctions de jaugeur de vin pour entrer au service de l'Archiduc Albert en tant que mathématicien et ingénieur



## *Un peu d'histoire des Pays-Bas*

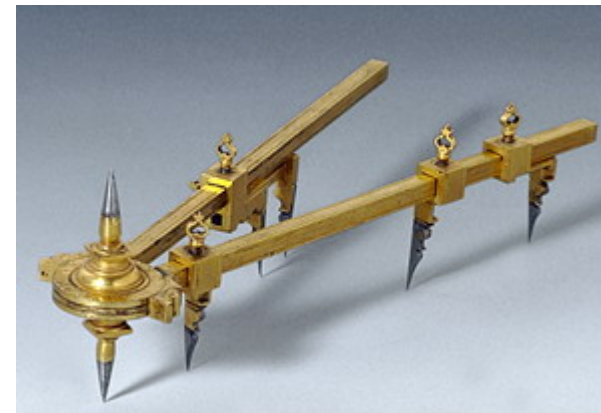


Suite à une révolte des Pays-Bas contre son gouvernement espagnol, Philippe II avait envoyé en 1578 des troupes, menées par le duc de Parme Alexandre Farnèse, qui reconquit Tournai, Maastricht, Bruges et Gand et arriva devant Anvers en juillet 1584. Après sa chute moins d'un an plus tard, Philippe II rappela Farnèse à Dunkerque, ce qui permit finalement l'indépendance des Pays-Bas du nord. Peu avant sa mort, Philippe II céda les Pays-Bas à sa fille Isabella (1566-1633) et son mari l'archiduc Albert (1559-1621), qui, pour conforter leur maîtrise de la rive gauche de l'Escaut, firent aussi le siège d'Ostende (4 ans, d'où son nom de nouvelle Troie). Par la suite, il y eut deux trêves de 12 ans et la réouverture de l'Escaut n'eut lieu qu'en 1648 (paix de Munster).



Alexandre Farnèse était le fils de Marguerite de Parme, demi-sœur de Philippe II, née des amours de Charles-Quint avec une bourgeoise d'Audenarde. Marguerite fut la première (1559-1567) des « gouverneurs » désignés par Philippe II, avant le duc d'Albe, de sinistre mémoire.

Plus intéressant de notre point de vue, Alexandre Farnèse employait un mathématicien du nom de Fabrizio Mordente (1532-1608), inventeur d'un compas dit « à huit pointes » sur lequel Michel Coignet a travaillé.



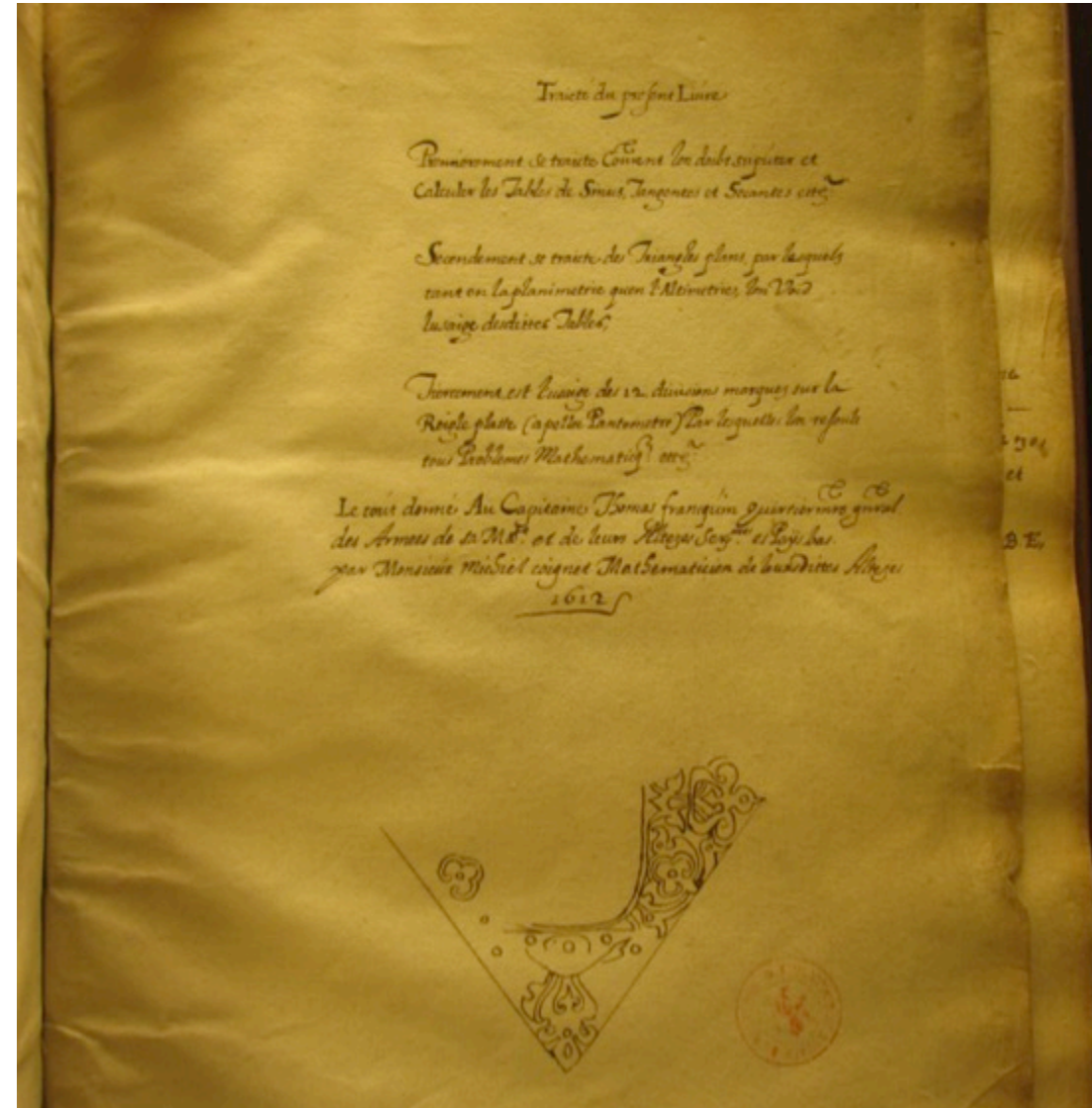
Les deux mathématiciens se sont-ils rencontrés ?





Un astrolabe de Michel Coignet non daté (peut-être 1615) conservé à Hamburg (Museum für Kunst und Gewerbe). Il porte dans la rete un monogramme entrelaçant un A et un I, pour Albert et Isabella

Un manuscrit (KBR) de M.Coignet (1610) dans la troisième partie duquel il donne la description et décrit l'utilisation d'un instrument de calcul et de dessin qu'il nomme *Reigle platte* ou *Pantomètre*



Déjà dans son *Instruction nouvelle*...M.Coignet avait apporté d'importantes modifications et améliorations aux instruments de navigation décrits par Pedro de Medina

## *Michel Coignet constructeur d'instruments mathématiques et cartographe*

Michel Coignet était aussi fabricant d'instruments scientifiques, dans la tradition de son père Gillis (après 1514 – 1563)

A la mort de son père, Michel était trop jeune pour reprendre la fabrication, mais sa mère a pu continuer à tenir la boutique (conformément aux règles de la guilde des bijoutiers) jusqu'à ce qu'un Maître succède à son mari défunt

Déjà en 1572, il construisit un astrolabe, mais il ne devint Maître (apprentissage de 6 ans, période de travail non payée chez un Maître et reconnaissance par la guilde, après paiement d'une grosse somme et d'un banquet pour ses membres) qu'en 1589

On sait qu'il a aussi construit plusieurs cadrans solaires, dont deux pour la cathédrale Notre-Dame en 1581

Il a réparé en 1586 un cadran équinoxial pour Jean Moflin, le chapelain de Philippe II

Enfin, Michiel Coignet a aussi contribué à la cartographie, au moins à partir des années 1590, préfaçant et éditant les ouvrages d'Abraham Ortelius (1527-1598), membre de la guilde de St Luc dès 1547 et auteur du *Theatrum Orbis Terrarum* (1570), qui est considéré comme le premier atlas moderne

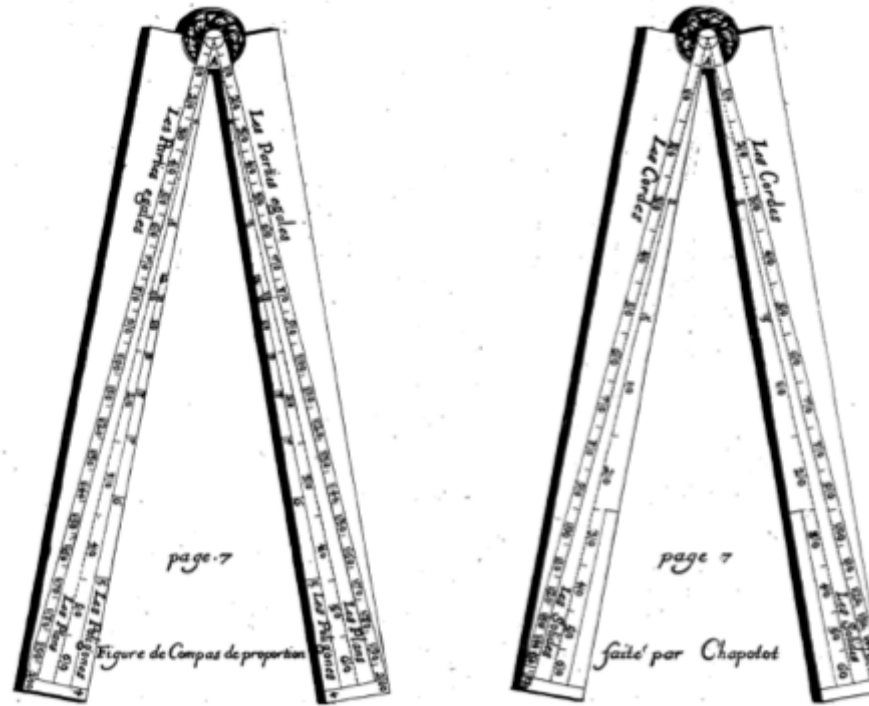




On a un témoignage de la vente, à la mort de Michel Coignet, de deux compas de proportion, un astrolabe, un cadran annulaire, des bâtons d'arpenteur et un compas magnétique fabriqués par lui  
Ils ont probablement été vendus aux jésuites



*Une application du théorème de Thalès : le compas de proportion*



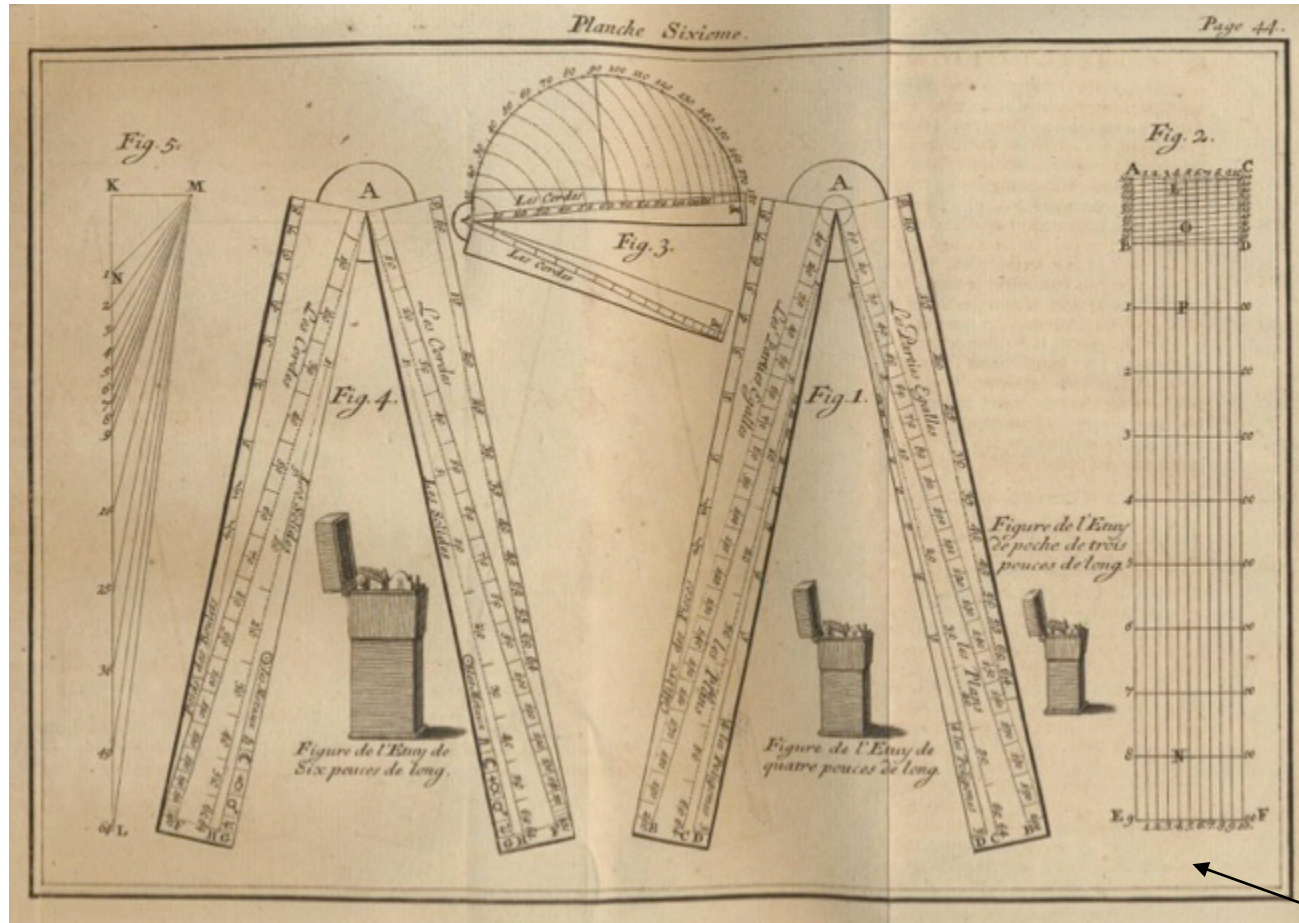
d'après Jacques Ozanam,  
*L'usage du compas de  
proportion expliqué et  
démontré d'une manière  
courte et facile, et  
augmenté d'un Traité de la  
division des champs*, Paris,  
1688

Un compas, peut-être conçu par Michel Coignet, parmi les instruments mathématiques du jésuite Jean-Charles della Faille (1597-1652). Portrait (entre 1626 et 1629) par Van Dijk, Musée des Beaux-Arts de Bruxelles (d'après <http://www.astrolabium.be/mesurercieletterre> )



# L'étui de mathématiques

D'après N.Bion, *Traité de la construction et des principaux usages des instruments de mathématique*, Paris, 1723



Nicolas Bion était *Ingénieur du Roi pour les Instruments de Mathématique*, Quai de l'Horloge du Palais où l'on trouve tous ces instruments dans leur perfection, et pourtant il a dédié son ouvrage (en 1709 et 1723) à Philippe d'Orléans.

Règle graduée de précision



Une boîte de géométrie (Kasten mit Messinstrumenten, Dresden, Christoph Treschler d.Ä., datiert 1619, selon la notice du Museum für Kunst und Gewerbe, Berlin)



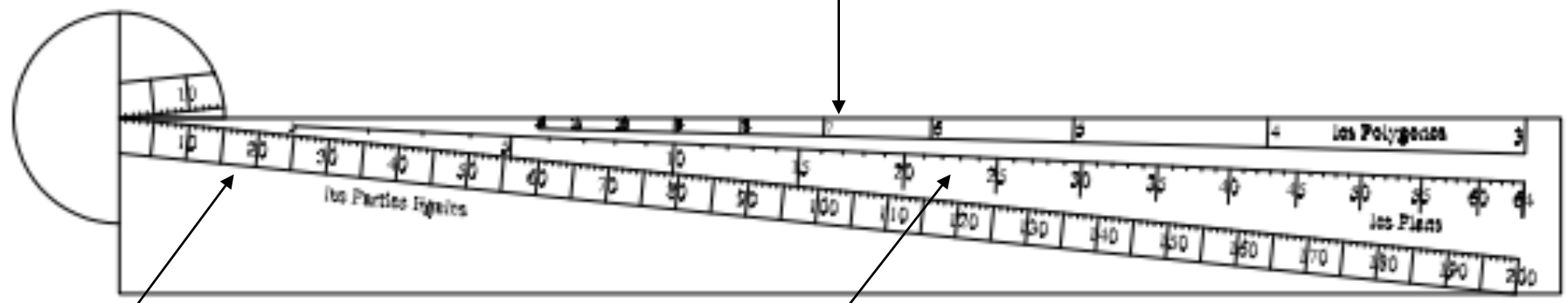
Au Národní technické muzeum, Prague



<i>Côté du Triangle équilatéral marqué sur le</i>		<i>Parties égales.</i>
<i>Compas de proportion par le nombre (3.)</i>		1000.
Du Carré par le nombre	4	816.
Du Pentagone par le n.	5	678.
De l'Exagone par le n.	6	577.
De l'Eptagone par le n.	7	501.
De l'Octogone par le n.	8	442.
De l'Enneagone par le n.	9	395.
Du Decagone par le n.	10	357.
De l'Endecagone par le n.	11	325.
Du Dodecagone par le n.	12	299.

# Description des lignes du compas de proportion

La *ligne des polygones* donne les côtés des différents polygones réguliers pouvant être inscrits dans un même cercle en commençant par le côté du triangle équilatéral. Elle est construite à l'aide du tableau ci-contre.

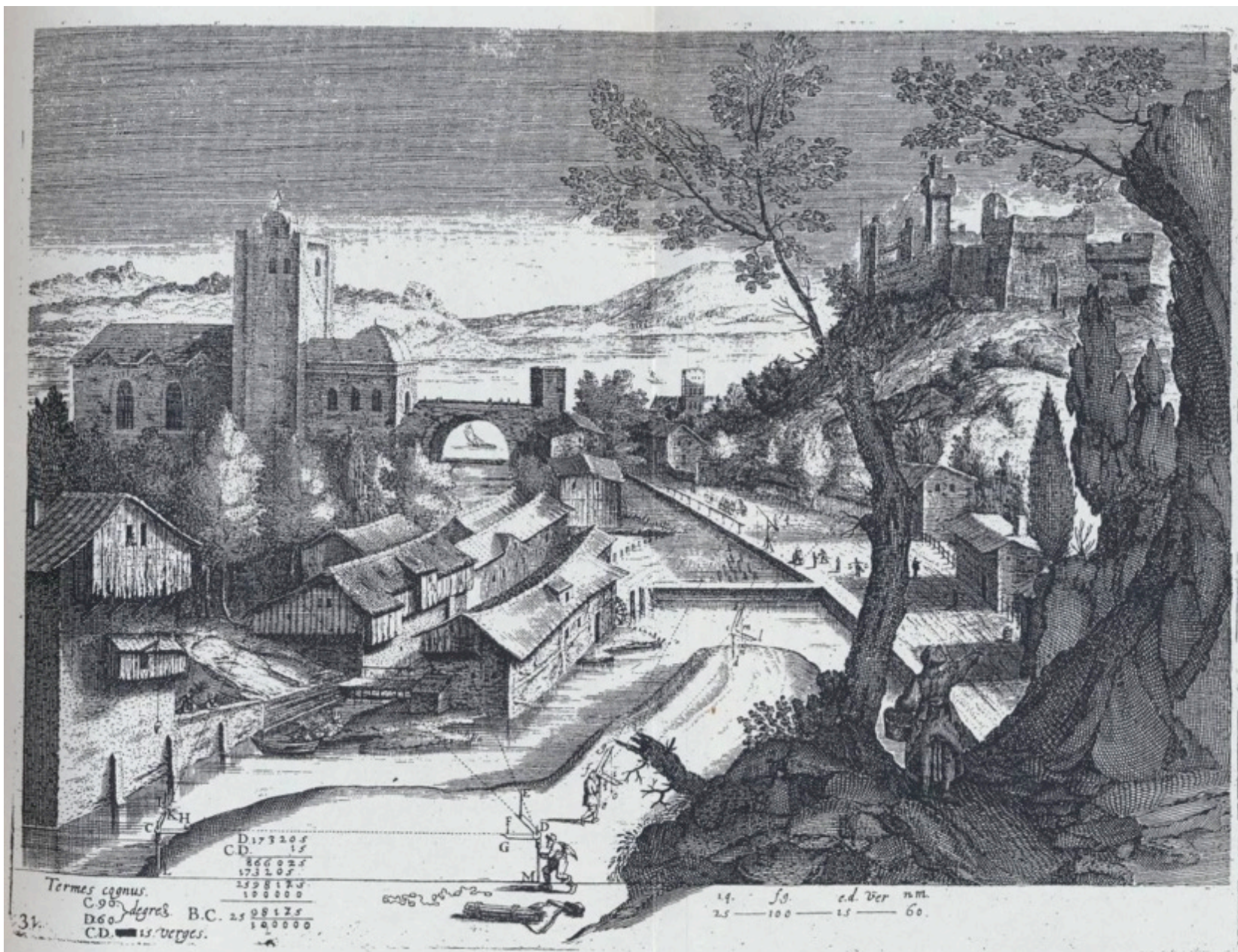


la *ligne des parties égales*, qui est tracée du centre du compas jusqu'à l'extrémité opposée d'une branche, est découpée en 200 divisions égales.

La *ligne des plans* donne les côtés des carrés d'aire comprise entre 1 et 64, ses points de graduation correspondent aux racines successives des naturels de 1 à 64. Ils sont placés grâce au tableau de nombres ci-contre :

Table pour la ligne des Plans.							
1	125	17	515	33	718	49	575
2	177	18	530	34	729	50	884
3	216	19	545	35	739	51	892
4	250	20	559	36	750	52	901
5	279	21	573	37	760	53	910
6	306	22	586	38	770	54	918
7	330	23	599	39	780	55	927
8	353	24	612	40	790	56	935
9	375	25	625	41	800	57	944
10	395	26	637	42	810	58	952
11	414	27	650	43	819	59	960
12	433	28	661	44	829	60	968
13	450	29	673	45	839	61	976
14	467	30	684	46	848	62	984
15	484	31	696	47	857	63	992
16	500	32	707	48	866	64	1000

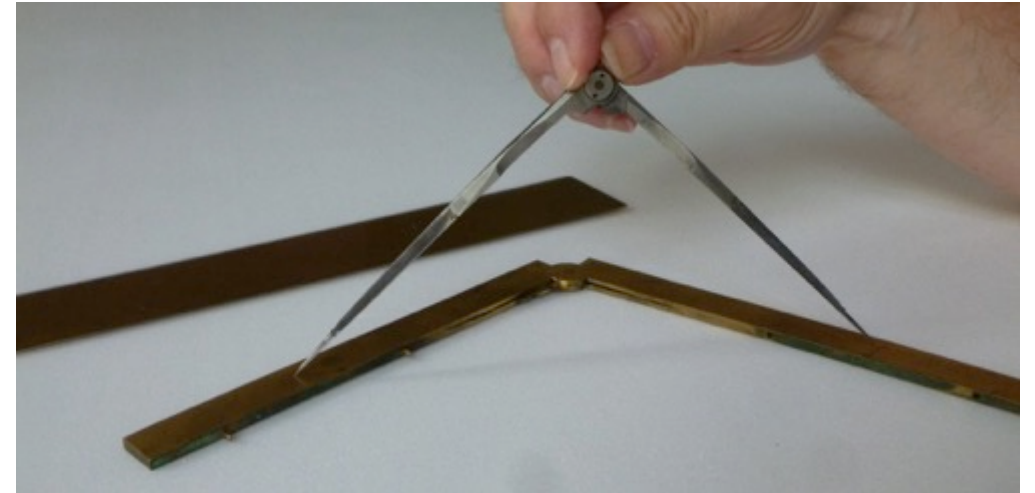
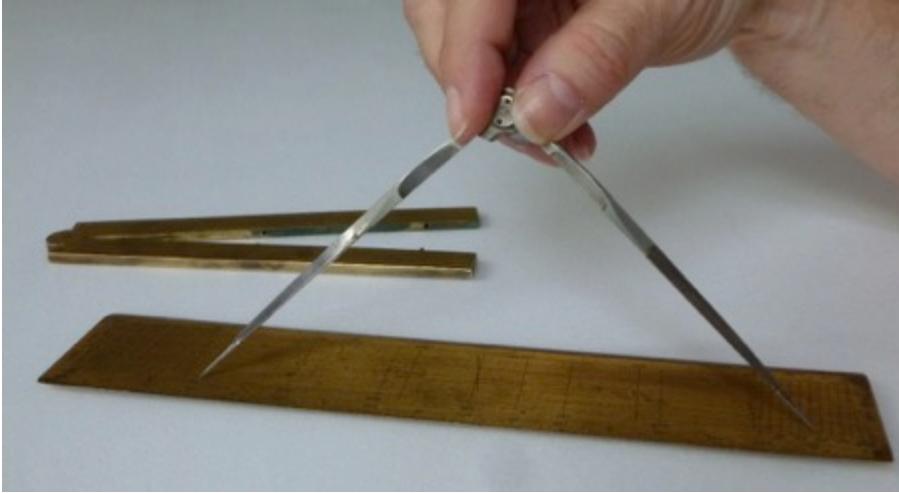




Samuel Marolois, *Œuvres mathématiques traictans de Geometrie, Perspective Architecture et Fortifications*, Arnhem, 1616

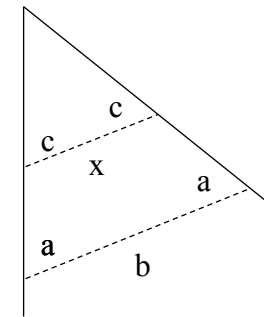
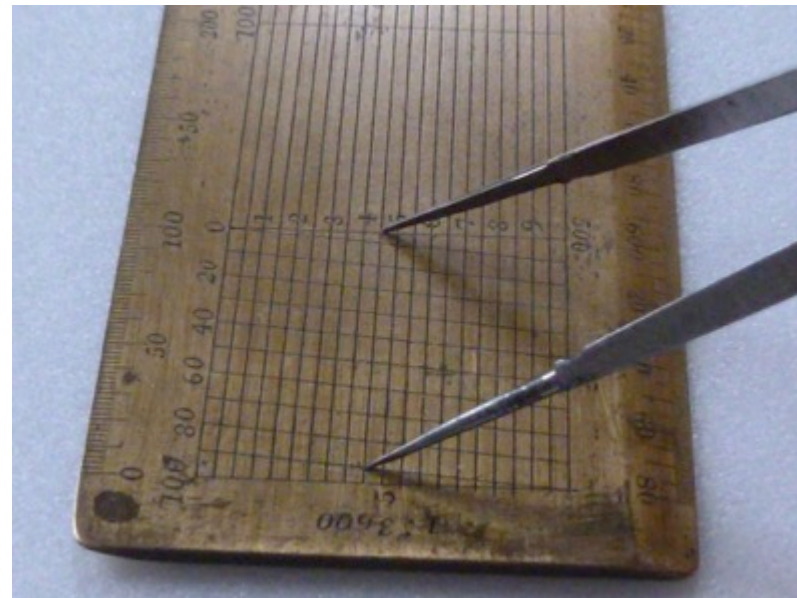


## *Diviser un segment ou rechercher une quatrième proportionnelle*



Diviser par 7 une longueur : prendre celle-ci (660) sur la règle graduée avec le compas à pointes sèches et écarter les branches du compas de proportion pour la placer entre les graduations 140.

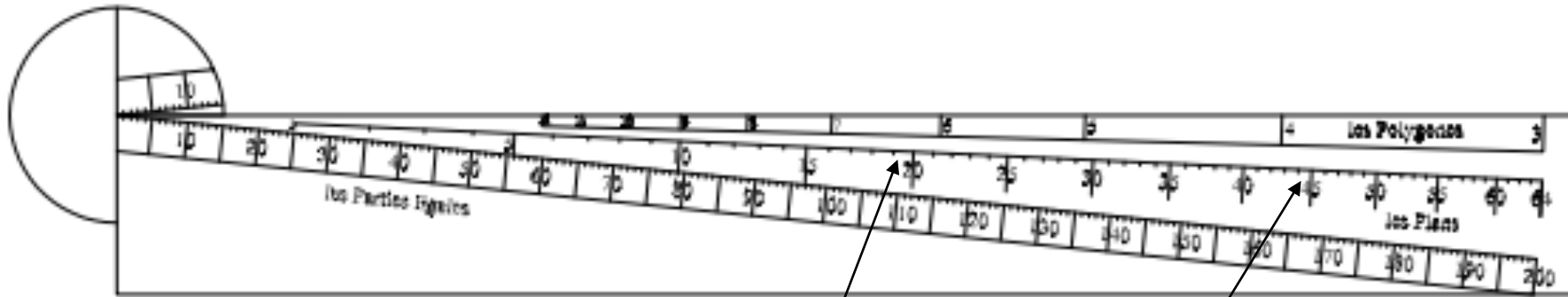
Les branches du compas de proportion restant fixes, prendre la distance entre les graduations 20 avec le compas à pointes sèches et mesurer celle-ci sur la règle graduée : 94,5.



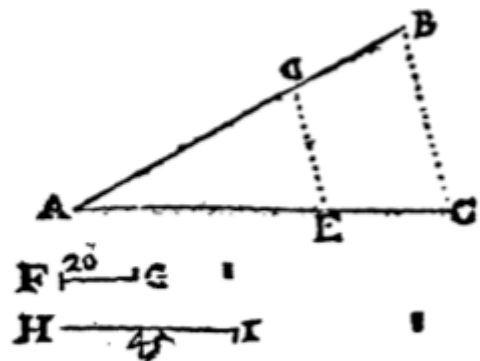
De cette manière, on a trouvé la quatrième proportionnelle de 140, 660 et 20, c'est-à-dire  $x$  tel que :  $140/660 = 20/x$



# Rechercher la moyenne proportionnelle de deux lignes



Qu'il faille trouver une moyenne proportionnelle entre les deux Lignes données  $FG$ ,  $HI$ , dont



la plus petite  $FG$  contienne par exemple 20 parties égales, & la plus grande  $HI$  en contienne 45. Supposons que les Lignes  $AB$ ,  $AC$ , soient

chacune la Ligne des Plans du Compas de proportion, dont le centre est  $A$  : que les points  $B, C$ , soient chacun le 45<sup>e</sup> Plan, & les points  $D, E$ , chacun le 20<sup>e</sup> Plan. Appliquez la longueur de la plus grande Ligne donnée  $HI$ , sur la Ligne des Plans de part & d'autre aux points  $B, C$ , en sorte que la distance  $BC$  de 45 à 45 soit égale à la plus grande Ligne donnée  $HI$ , & alors la distance  $DE$  de 20 à 20 sera moyenne proportionnelle entre les deux Lignes données  $FG, HI$ .

1° on prend 45 sur la ligne des plans avec le compas à pointes sèches et on reporte cette longueur sur la ligne des parties égales :  $167 = |AB| = |AC|$

2° on écarte les deux graduations 167 de 45 (pris sur la ligne des parties égales) =  $|BC|$

3° on prend 20 sur la ligne des plans et on reporte sur la ligne des parties égales :  $112 = |AE| = |AD|$

4° on prend avec le compas à pointes sèches l'écart  $|DE|$  entre les deux graduations à 112 sur la ligne des parties égales et on la mesure sur la ligne des parties égales : 30

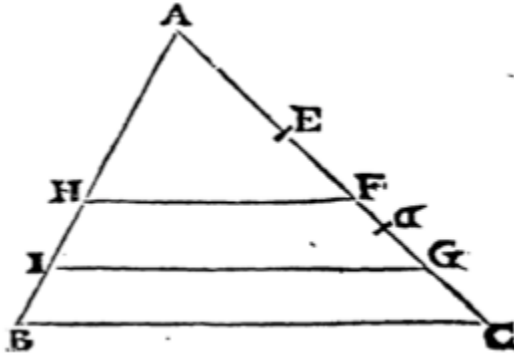
Preuve :  $|AB| = |AC| = k\sqrt{45}$  et  $|BC| = 45$ ,  $|AD| = |AE| = k\sqrt{20}$ . On en déduit, par le théorème de Thalès, que  $\frac{|DE|}{|BC|} = \frac{|AD|}{|AB|} \Rightarrow |DE| = |BC| \cdot \frac{|AD|}{|AB|} = 45 \cdot \frac{k\sqrt{20}}{k\sqrt{45}} = \sqrt{20 \cdot 45}$ . 30 est bien la moyenne proportionnelle de 20 et 45.



# Le Traité de la division des champs d'Ozanam

*Diviser le Triangle donné ABC, en autant de Parties égales qu'on voudra, par des Lignes parallèles au côté BC.*

**S**I vous le voulez diviser en trois Parties égales par exemple, divisez l'un des deux autres cô-



tez AB, AC, comme AC, en trois également aux deux points D, E, & coupez le même côté AC, aux deux points F, G, en sorte que la Partie AF soit Moyenne proportionnelle entre AC, CD, & la Partie AG Moyenne proportionnelle entre AC, CE. Après cela tirez par les deux points F, G, au côté BC, les parallèles FH, GI, lesquelles diviseront le Triangle proposé, ABC, en trois Parties égales.

« Usage de la ligne des polygones du compas de proportion »  
d'après *L'Encyclopédie*

« 1° Pour inscrire un polygone régulier dans un cercle donné, prenez avec le *compas* ordinaire le rayon du cercle donné, et ajustez-le au nombre 6 de la ligne des polygones sur chaque

jambe de l'instrument, en le laissant ainsi ouvert, prenez la distance des deux mêmes nombres qui expriment le nombre des côtés que doit avoir le polygone, (...). Ces distances portées autour de la circonférence du cercle la diviseront en un pareil nombre de parties égales.

2° Pour décrire un polygone régulier, par exemple un pentagone, sur une ligne droite donnée, avec le *compas* ordinaire, prenez la longue de la ligne, appliquez-la à l'étendue des nombres 5, 5 sur les lignes des polygones, l'instrument demeurant ainsi ouvert, prenez sur les mêmes lignes l'étendue de 6 à 6, cette distance sera le rayon du cercle dans lequel le polygone proposé doit être inscrit, (...).

3° Pour décrire sur une ligne droite un triangle isocèle, dont les angles sur la base soient doubles chacun de l'angle au sommet, ouvrez l'instrument jusqu'à ce que les extrémités de la ligne donnée tombent sur les points 10 et 10 de chaque jambe, prenez alors la distance de 6 à 6, elle sera la longueur de chacun des deux côtés égaux du triangle cherché. »



# Michel Coignet et le compas de proportion

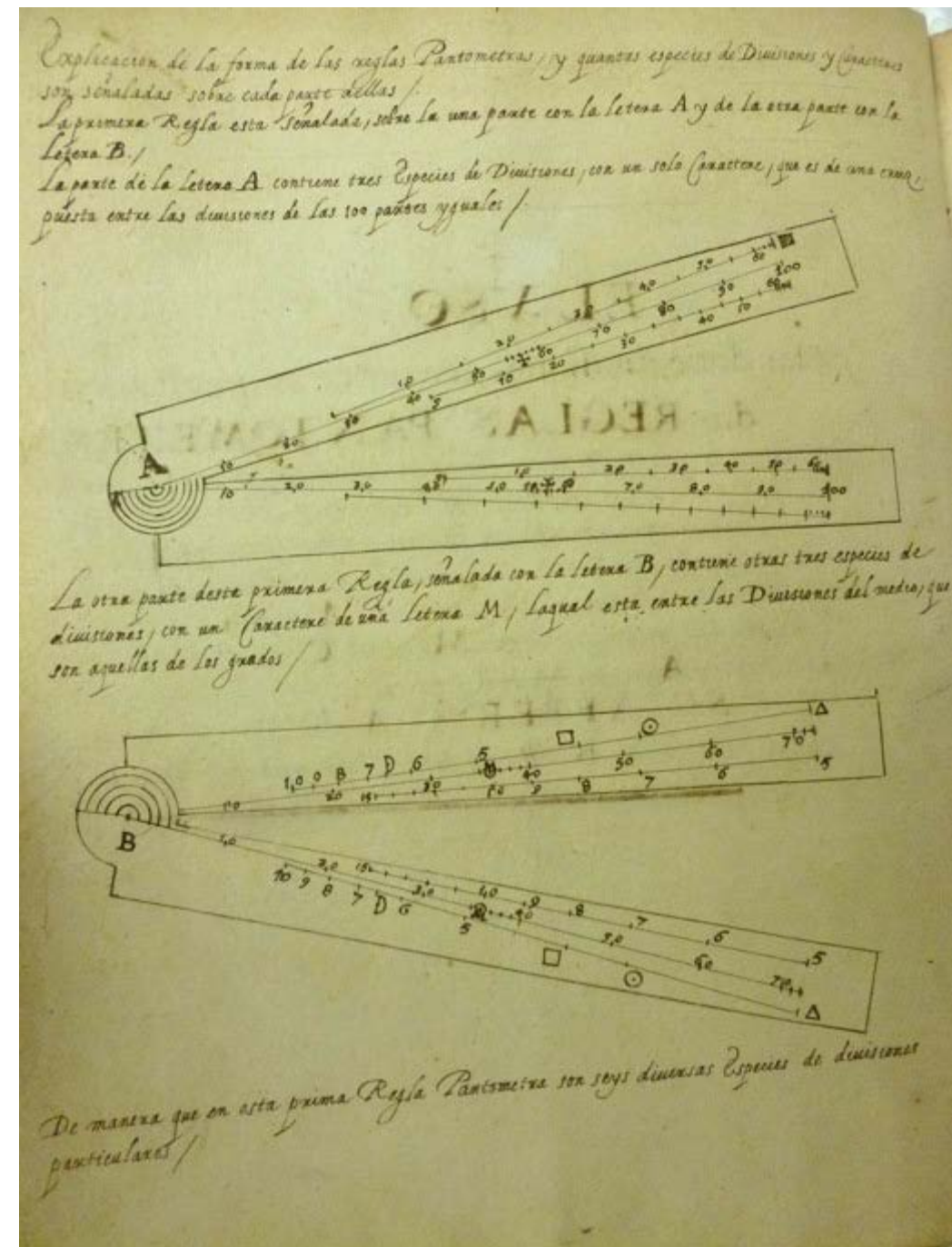
Le Manuscrit d'Anvers (1618)

De la composicion y uso de las dos.  
Reglas pantometras.

M.Coignet nommait *règles pantomètres* son compas de proportion

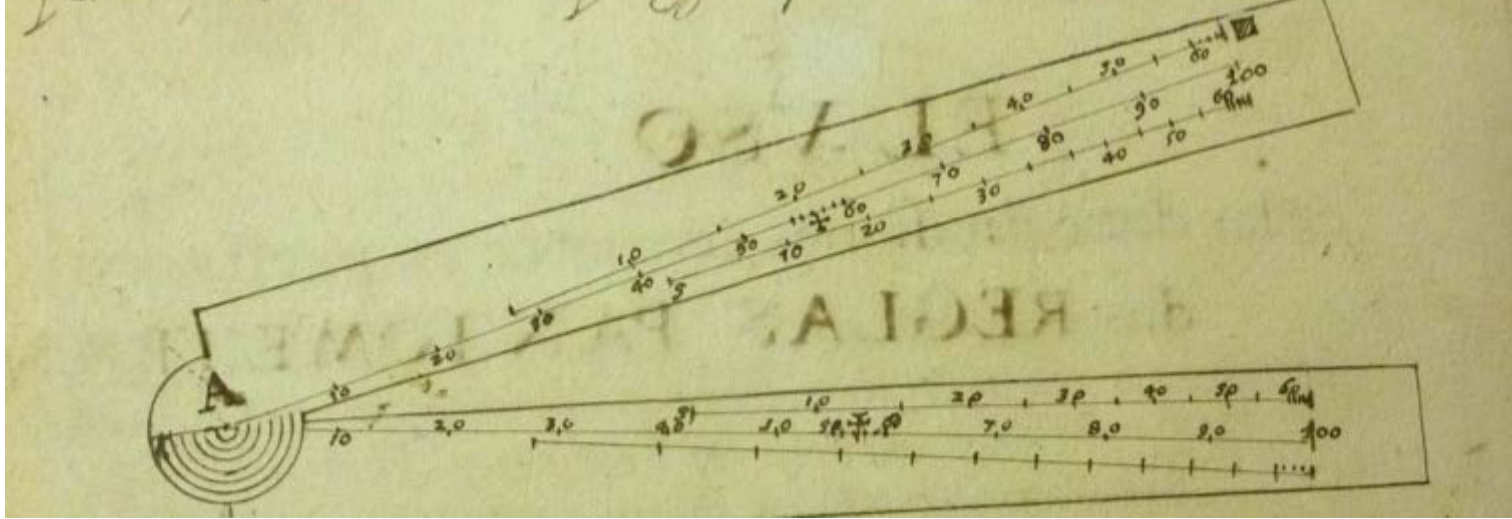
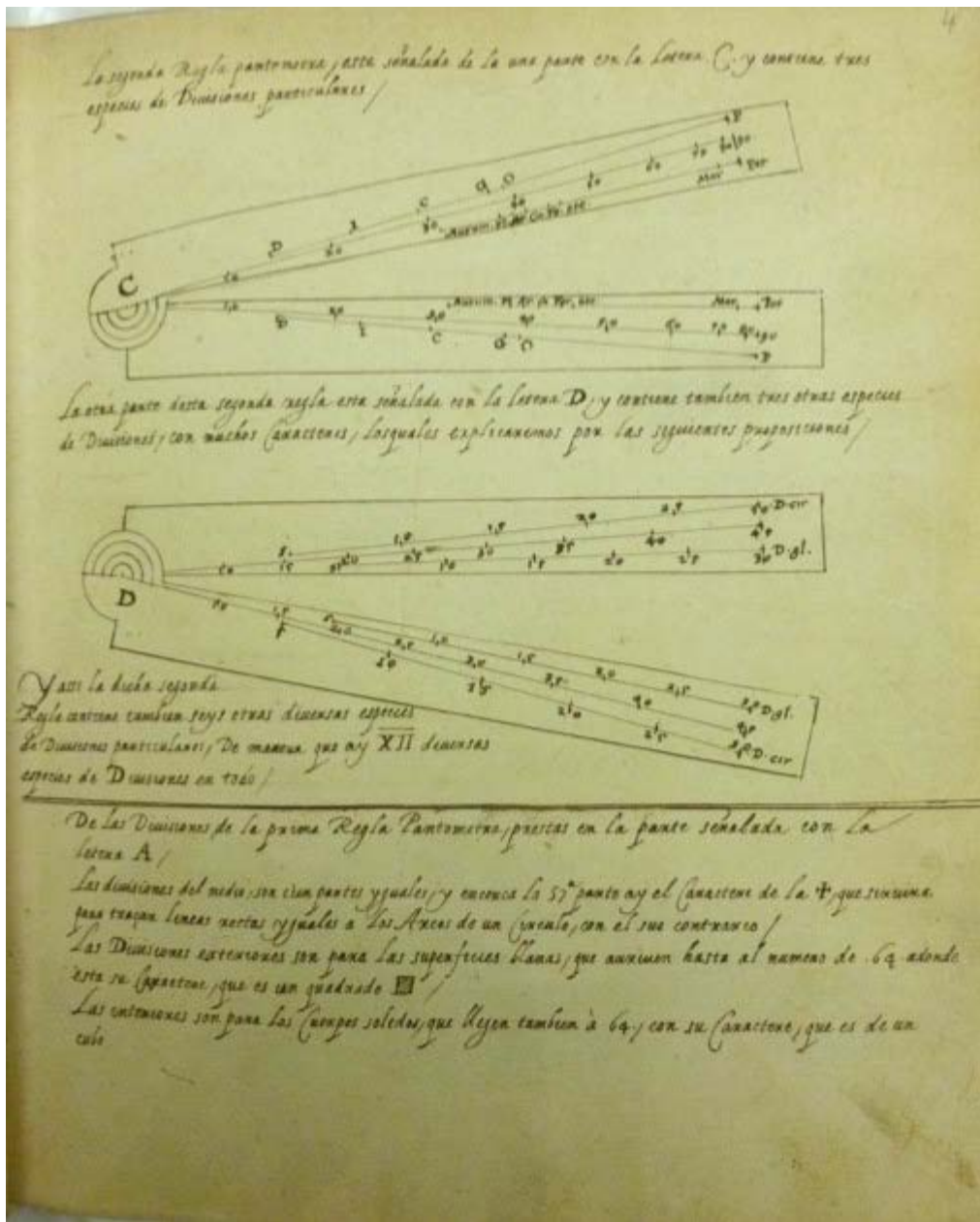
EL VSO  
de las doze diuisiones geometricas, puestas en las  
dos REGLAS PANTOMETRAS;  
por las quales, con aydo de un Compas comun, se pueden, con gran  
facilidad, resolver quasi todos los Problemas Mathematicos;  
Inuencion geometrica, sacada por la mayor parte de los  
ocultos y secretos mysterios que ay en el arte de los numeros, que  
vulgaramente se llama, el Arte mayor. ò Algebra.  
Platicado y compuesto por Miguel Coñietto, natural  
de la ciudad de Anvers, Mathematico del Serenissimo, muy alto,  
y poderoso Señor, ALBERTO. Archiduque de Austria,  
Duque de Borgoña, Brabante, &c. Conde de Habsburg y Flandes &c.

Il était constitué d'une première paire de règles portant 6 lignes (3 par face)...





...et d'une seconde paire portant 6 lignes elle aussi.



Las divisiones del medio son cien partes yguales, y encerca la 57ª parte ay el caractere de la + que servira para traçar lineas rectas yguales a los arcos de un circulo, con el suo contrario

Las divisiones exteriores son para las superficies llanas, que arriuen hasta al numero de 64 a donde esta su caractere, que es un quadrado

Las interiores son para los cuerpos solidos que llegan tambien a 64 con su caractere, que es de un cubo



Ms. d'Oxford



Prop. 16 Comment placer entre deux lignes données deux autres lignes intermédiaires, qui soient toutes en proportion continue ?

(A et D étant donnés, trouver x et y tels que  $A/x = x/y = y/D$ )

Soit A la première [ligne] de 54 parties égales et soit D la quatrième [ligne] de 16 parties égales, il est demandé de placer les deux intermédiaires B et C.

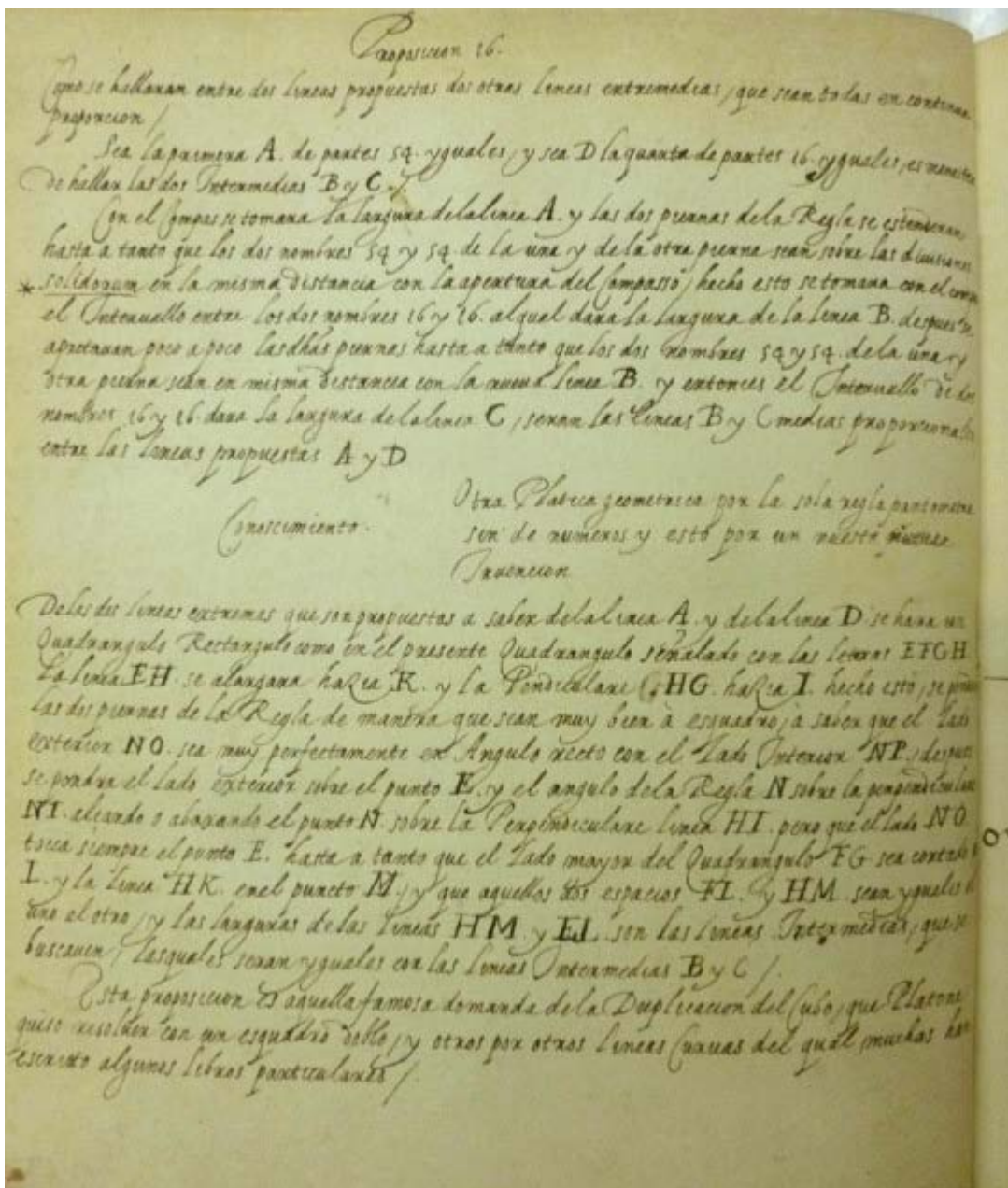
On prend avec le compas [à pointes sèches] la largeur de la ligne A et on écarte les deux jambes de la règle (le compas de proportion) de sorte que les deux nombres 54 et 54 de l'une et l'autre jambe sur les divisions solides soient distants de l'ouverture du compas.

Cela fait, on prend avec le compas l'intervalle entre les deux nombres 16 et 16, qui donnera la largeur de la ligne B.

Ensuite, on rapproche petit à petit les deux jambes jusqu'à ce que les deux nombres 54 et 54 de l'une et l'autre jambe soient à une distance égale à la nouvelle ligne B, et l'intervalle entre les deux nombres 16 et 16 donnera la largeur de la ligne C. [Ainsi] les lignes B et C seront les [deux] moyennes proportionnelles entre les lignes données A et D.

Preuve (algébrique)

Méthode géométrique



Une autre [solution de] géométrie pratique par la règle pantomètre seule sans les nombres [est] la suivante, de notre invention.

A partir des deux lignes extrêmes qui sont proposées, à savoir la ligne A et la ligne D, on trace un rectangle comme le rectangle (avec les lettres) EFGH présenté à la page ci-contre.

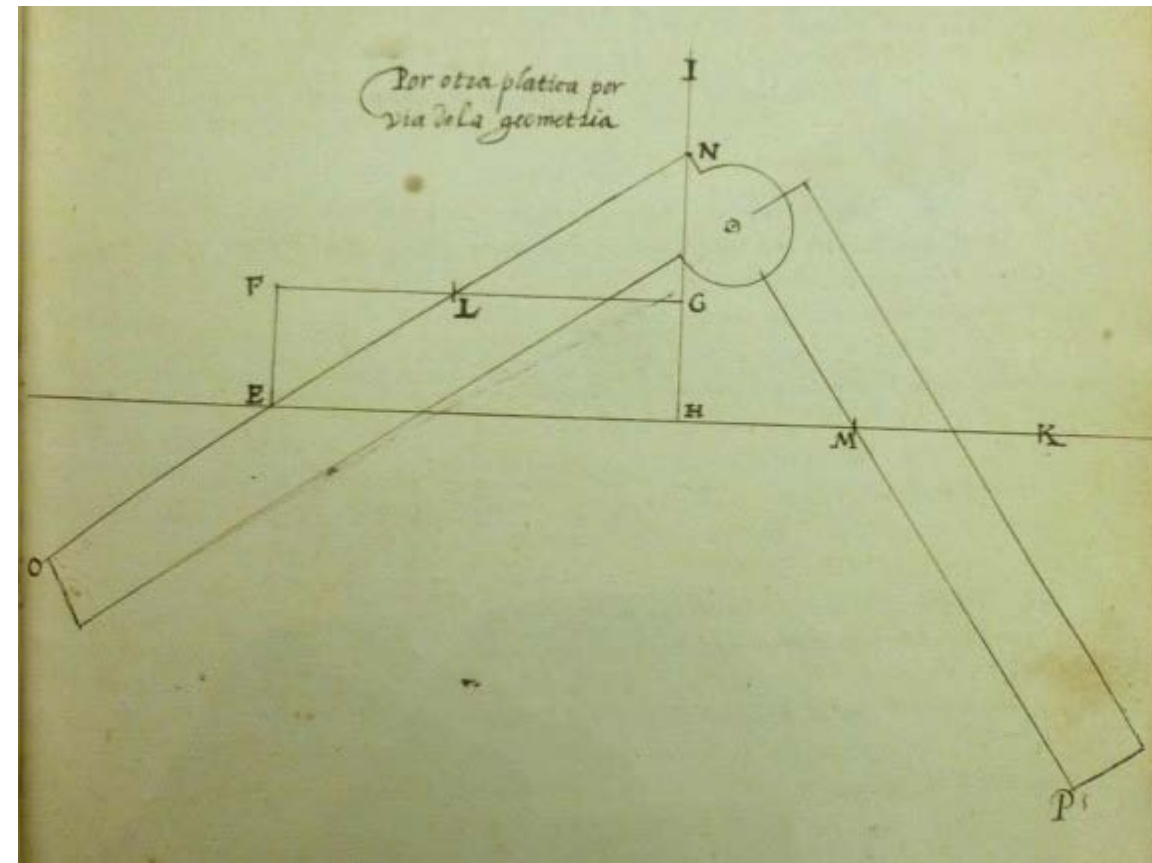
On prolonge la ligne EH jusqu'en K et la perpendiculaire HG jusqu'en I. Cela fait, on prend les deux jambes de la Règle de manière qu'elles forment bien un angle droit, à savoir que le côté extérieur NO soit très parfaitement dans un angle droit avec le côté intérieur NP.

Ensuite on place le côté extérieur sur le point E et l'angle N de la Règle sur la ligne perpendiculaire NI, le point N montant ou descendant sur la perpendiculaire HI, mais [il faut] que le côté NO touche toujours le point E de sorte que le plus grand côté du rectangle soit coupé en L et la ligne HK au point M et que chacun des deux espaces FL et HM soient égal à l'autre.

Ainsi, les largeurs des lignes HM et [NH] sont les lignes intermédiaires cherchées, lesquelles seront égales aux lignes intermédiaires B et C.

(Plutôt que NH, Coignet a EL, ce qui est est une erreur)

Cette proposition est la célèbre question de la Duplication du Cube (...)



### Preuve (géométrique)

Les triangles EFL, ENM, ENH et NHM sont semblables [?]

$$EH/NH = NH/HM = FL/EE = NE/NM \quad [?] \text{ (avec } FL = HM)$$

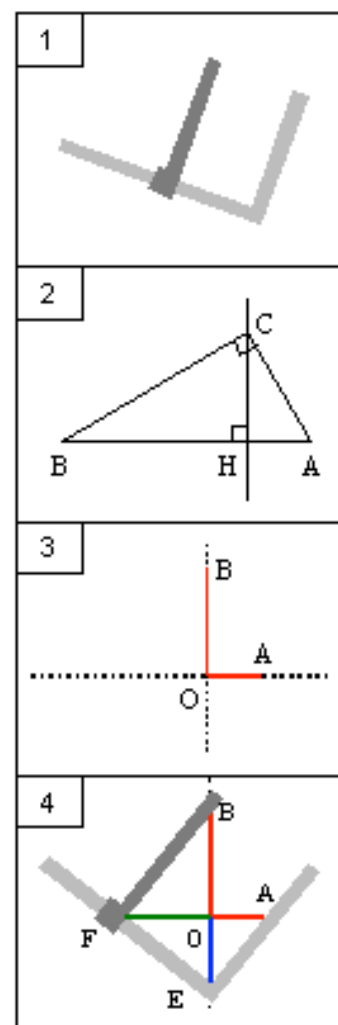
$$EH/NH = NH/HM = HM/E$$

NH et HM sont donc les deux moyennes proportionnelles cherchées.

νεῦσις



Munis de ce bagage, évoquons un système mécanique qui vise à fournir une solution géométrique au problème : la machine « de Platon ».



Il est d'usage d'attribuer aux disciples de Platon l'idée de la conception de ce dispositif (on imagine mal en effet l'illustre philosophe revendiquer la paternité d'une invention s'écartant autant des « canons académiques ») : la machine, comparable à un pied à coulisse, se compose d'une équerre et d'une tige rectiligne qui coulisse perpendiculairement sur l'une des branches de l'équerre (fig. 1).

Rappelons la propriété : si  $ABC$  est un triangle rectangle en  $C$  et si  $H$  est le pied de la hauteur issue de  $C$  alors  $\frac{HA}{HC} = \frac{HC}{HB}$  (fig. 2).

Le principe d'utilisation consiste à mobiliser à deux reprises cette propriété dans une configuration où le segment  $[OA]$  figure l'arête du cube à dupliquer, les segments  $[OA]$  et  $[OB]$  ayant pour supports deux droites perpendiculaires en  $O$  avec  $OB = 2 OA$  (fig. 3).

Il s'agit d'« ajuster » habilement l'appareil pour pouvoir considérer  $OA$  et  $OB$  comme les termes extrêmes de la proportion d'Hippocrate (fig. 4) : dans le triangle  $AEF$  rectangle en  $E$  on a :

$$\frac{OA}{OE} = \frac{OE}{OF},$$

et dans le triangle  $EFB$  rectangle en  $F$  on a :

$$\frac{OE}{OF} = \frac{OF}{OB}.$$

Nous obtenons finalement :

$$\frac{OA}{OE} = \frac{OE}{OF} = \frac{OF}{OB}$$

ce qui donne  $OE^3 = 2 OA^3$ . Un cube d'arête  $[OE]$  aura donc un volume double d'un cube d'arête  $[OA]$ .

Source

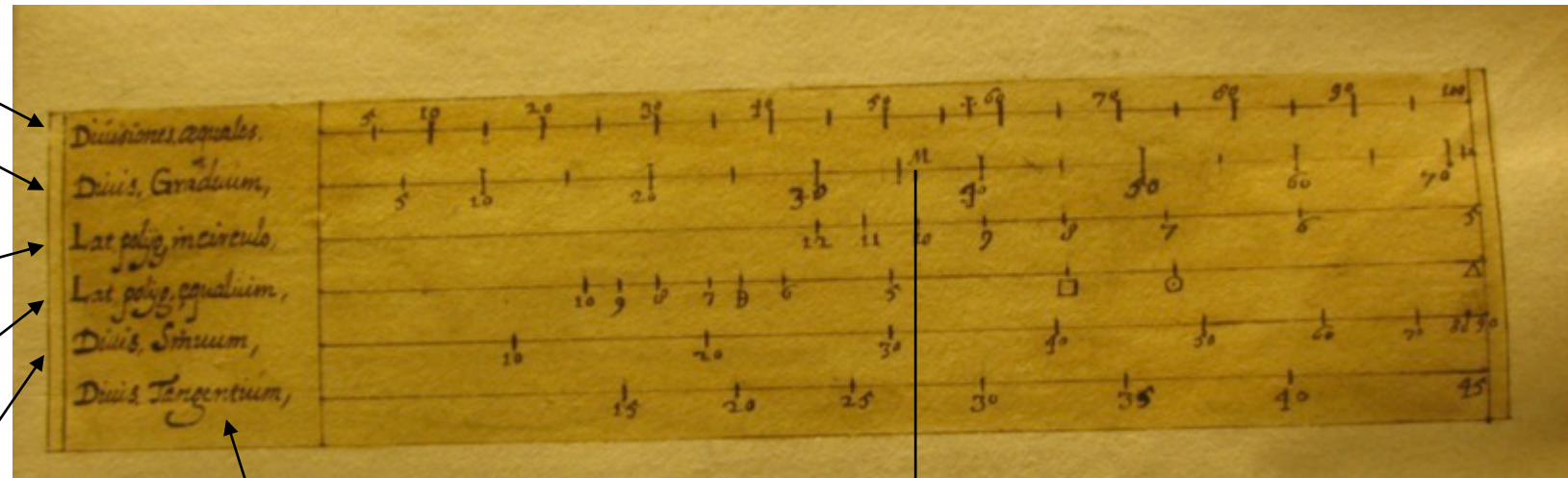
<http://mathematiques.ac-bordeaux.fr/profplus/publica/bulletin/bull14/duplicube.htm>





On voit que les 12 lignes que Coignet emploiera sur les 4 faces de son compas sont déjà présentes sur ses *reigles* :

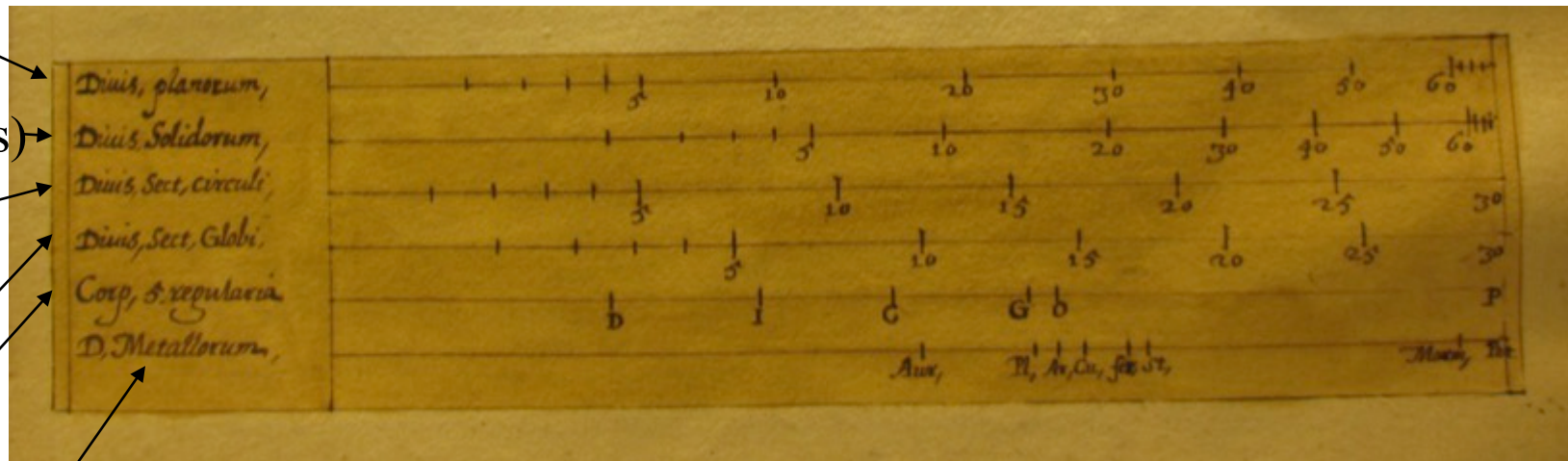
- 1) ligne des (100) divisions égales
- 2) ligne de division des grades (degrés)
- 3) côtés des polygones (réguliers inscrits) dans le (même) cercle
- 4) côtés des polygones (d'aires) égales



- 5) ligne des sinus    6) ligne des tangentes

36° est signalé par un M et se trouve au-dessus de 10 (ligne des polygones) comme 60° est au-dessus de 6

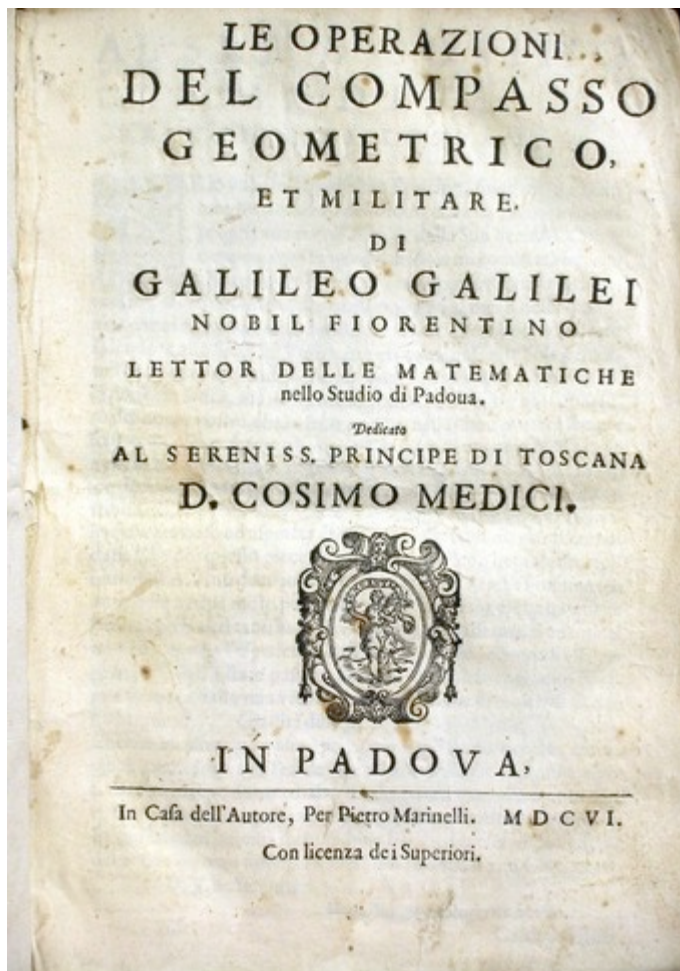
- 7) divisions des plans (racines carrées)
- 8) divisions des solides (racines cubiques)
- 9) divisions des secteurs du disque
- 10) divisions des secteurs de la sphère
- 11) divisions des polyèdres réguliers



- ## 12) divisions des métaux



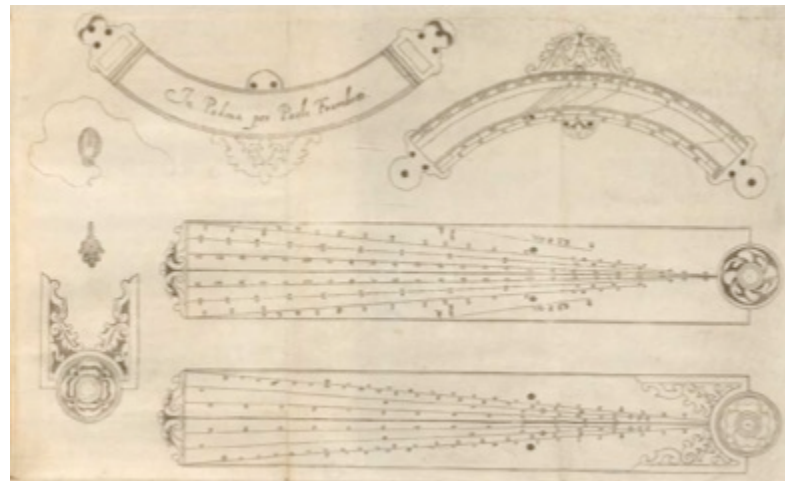




Galilée a dédié la première édition (1606) du *Le operazioni ... del compasso geometrico et militare* à Cosme de Medici, dont il avait été le professeur de mathématiques durant l'été 1605

Galilée avait pris grand soin de ne pas y inclure d'image de son compas ni d'explication de la construction des lignes pour garder le monopole de la vente (du compas et de son utilisation) qu'il pratiquait depuis déjà une dizaine d'années

Dans les éditions ultérieures (ici, 1640) du livre de Galilée, on trouve plus de figures et les détails de construction



Le « célèbre » plagiat latin de *Le operazioni ...*, par Baldessar Capra